

♣ Exercice 1.

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x)=(x+1)^2-4$  [c'est la forme canonique].

- 1) a) Développer  $f(x)$  [On obtient la forme développée].  
b) Factoriser  $f(x)$ . [On obtient la forme factorisée].
- 2) Résoudre  $f(x)=0$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 3) Calculer  $f(0)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 4) Résoudre  $f(x)=12$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 5) Résoudre  $f(x)=-3$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 6) Calculer  $f(-1)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 7) La fonction  $f$  admet-elle un maximum ou un minimum ? Si oui, lequel ?
- 8) Tracer la courbe représentative de  $f$  sur votre calculatrice et expliquer comment utiliser ce graphique pour vérifier vos réponses aux trois questions précédentes.

♣ Exercice 1.

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x)=(x+1)^2-4$  [c'est la forme canonique].

- 1) a) Développer  $f(x)$  [On obtient la forme développée].  
b) Factoriser  $f(x)$ . [On obtient la forme factorisée].
- 2) Résoudre  $f(x)=0$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 3) Calculer  $f(0)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 4) Résoudre  $f(x)=12$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 5) Résoudre  $f(x)=-3$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 6) Calculer  $f(-1)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 7) La fonction  $f$  admet-elle un maximum ou un minimum ? Si oui, lequel ?
- 8) Tracer la courbe représentative de  $f$  sur votre calculatrice et expliquer comment utiliser ce graphique pour vérifier vos réponses aux trois questions précédentes.

♣ Exercice 1.

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x)=(x+1)^2-4$  [c'est la forme canonique].

- 1) a) Développer  $f(x)$  [On obtient la forme développée].  
b) Factoriser  $f(x)$ . [On obtient la forme factorisée].
- 2) Résoudre  $f(x)=0$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 3) Calculer  $f(0)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 4) Résoudre  $f(x)=12$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 5) Résoudre  $f(x)=-3$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 6) Calculer  $f(-1)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 7) La fonction  $f$  admet-elle un maximum ou un minimum ? Si oui, lequel ?
- 8) Tracer la courbe représentative de  $f$  sur votre calculatrice et expliquer comment utiliser ce graphique pour vérifier vos réponses aux trois questions précédentes.

♣ Exercice 1.

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x)=(x+1)^2-4$  [c'est la forme canonique].

- 1) a) Développer  $f(x)$  [On obtient la forme développée].  
b) Factoriser  $f(x)$ . [On obtient la forme factorisée].
- 2) Résoudre  $f(x)=0$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 3) Calculer  $f(0)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 4) Résoudre  $f(x)=12$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 5) Résoudre  $f(x)=-3$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 6) Calculer  $f(-1)$ . [Pensez à choisir la forme de  $f(x)$  la plus adaptée !]
- 7) La fonction  $f$  admet-elle un maximum ou un minimum ? Si oui, lequel ?
- 8) Tracer la courbe représentative de  $f$  sur votre calculatrice et expliquer comment utiliser ce graphique pour vérifier vos réponses aux trois questions précédentes.

## I. Trinômes du second degré

### A. Définition et différentes écritures d'un trinôme du second degré

■ **Définition** : Une fonction qui peut s'écrire  $f(x) = ax^2 + bx + c$  où  $a$ ,  $b$  et  $c$  sont des nombres avec  $a \neq 0$  s'appelle une fonction **trinôme du second degré**. Une telle fonction est toujours définie sur  $\mathbb{R}$  tout entier.

Remarques : 1) Un trinôme du second degré est formé de trois termes d'où son nom (tri =3).

2) On dit aussi que  $f$  est un polynôme du second degré, ou un polynôme de degré 2.

■ Une fonction trinôme peut toujours s'écrire au moins de deux façons différentes et parfois trois :

- La forme  $f(x) = ax^2 + bx + c$  est appelée la **forme développée**.
- La forme  $f(x) = a(x - \alpha)^2 + \beta$  est appelée la **forme canonique**.
- Il est parfois possible de donner une **forme factorisée**  $f(x) = a(x - x_1)(x - x_2)$ ,  $x_1$  et  $x_2$  étant des nombres qui dépendent de la fonction.

### B. Représentation graphique d'un trinôme du second degré

Théorème :

- La courbe représentative d'une fonction du type  $f(x) = ax^2 + bx + c$  (avec  $a \neq 0$ ) est une **parabole**.
- Cette parabole est tournée vers le haut si  $a > 0$  et elle est tournée vers le bas si  $a < 0$ .
- Elle admet pour axe de symétrie la droite verticale qui passe par le sommet de la parabole. Cette droite a pour équation  $x = x_S$  où  $x_S$  est l'abscisse de sommet de la parabole.

### C. Variations d'un trinôme du second degré

♣ Exercice 2. Complétez

Premier cas :

Tableau de variations :

$x$	
$f$	

Illustration : Représentation graphique

Deuxième cas :

Tableau de variations :

$x$	
$f$	

Illustration : Représentation graphique

Variations d'un trinôme du second degré : Une fonction du type  $f(x)=ax^2+bx+c$  (avec  $a \neq 0$ ) est décroissante puis croissante si  $a > 0$  (parabole tournée vers le haut) et elle est croissante puis décroissante si  $a < 0$ . (parabole tournée vers le bas)

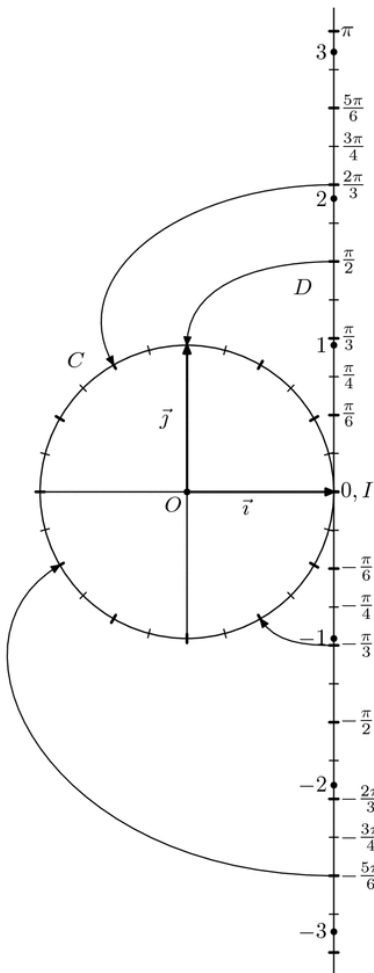
## II. Fonction homographique

Définition : Une fonction qui peut s'écrire  $f(x)=\frac{ax+b}{cx+d}$  où  $a, b, c$  et  $d$  sont des nombres avec  $c \neq 0$  s'appelle une fonction **homographique**.

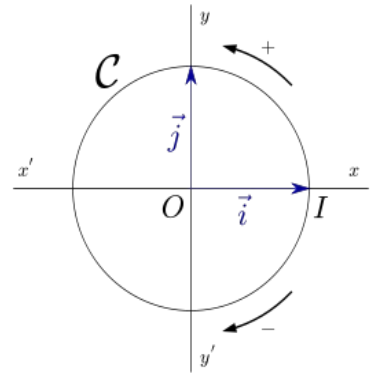
Une telle fonction est toujours définie sur  $\mathbb{R}$  privé de la valeur interdite, qui est celle qui annule le dénominateur.

## III. Trigonométrie

### A. Enroulement de la droite numérique sur le cercle trigonométrique



Définition : Le **cercle trigonométrique** est un cercle de centre  $O$  et de rayon 1 sur lequel on a choisi un sens de parcours, le sens inverse des aiguilles d'une montre, appelé **sens direct** ou **sens positif** ou encore **sens trigonométrique**.



Dans toute la suite,  $(O; I, J)$  est un repère orthonormé direct, *direct* signifiant que l'on passe de  $I$  à  $J$  en tournant de  $90^\circ$  dans le sens positif.

Soit  $d$  une droite graduée dont le zéro coïncide avec le point  $I$  du cercle (voir figure ci-contre). On enroule sur le cercle trigonométrique  $\mathcal{C}$  la demi-droite des réels positifs dans le sens positif, et celle des réels négatifs dans l'autre sens.

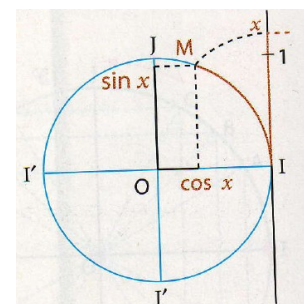
Chaque nombre réel  $x$  de la droite  $d$  vient se placer sur un unique point  $M$  du cercle, appelé *image du nombre réel  $x$  sur  $\mathcal{C}$* .

Réciproquement, tout point  $M'$  du cercle est l'image d'un réel  $x'$ ; il est alors aussi l'image de  $x'+2\pi$ ,  $x'-2\pi$ ,  $x'+4\pi$ ,  $x'-4\pi$ , ..., c'est à dire de tous les réels de la forme  $x'+2k\pi$  avec  $k \in \mathbb{Z}$ , où  $\mathbb{Z}$  est ensemble des nombres entiers positifs et négatifs.

### B. Cosinus et sinus d'un nombre réel

Définition : Soit  $x$  un nombre réel et  $M$  son image sur le cercle  $\mathcal{C}$ . L'abscisse du point  $M$  est appelée **cosinus du réel  $x$**  et notée  $\cos x$ . L'ordonnée du point  $M$  est appelée **sinus du réel  $x$**  et notée  $\sin x$ .

Remarque : Pour calculer le cosinus ou le sinus d'un nombre réel à la calculatrice, il faut que celle-ci soit réglée en radians et pas en degrés.



Propriétés :

- Pour tout réel  $x$ , on a  $-1 \leq \cos x \leq 1$  et  $-1 \leq \sin x \leq 1$ .
- Pour tout réel  $x$ , on a  $(\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$  qui s'écrit aussi  $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$ .

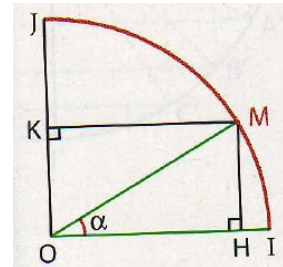
**C. Lien avec le cosinus et sinus d'un angle aigu**

Lien avec le sinus et le cosinus d'un angle aigu :

Soit  $x$  un réel avec  $0 < x < \frac{\pi}{2}$  et  $M$  son image sur le cercle  $\mathcal{C}$ .

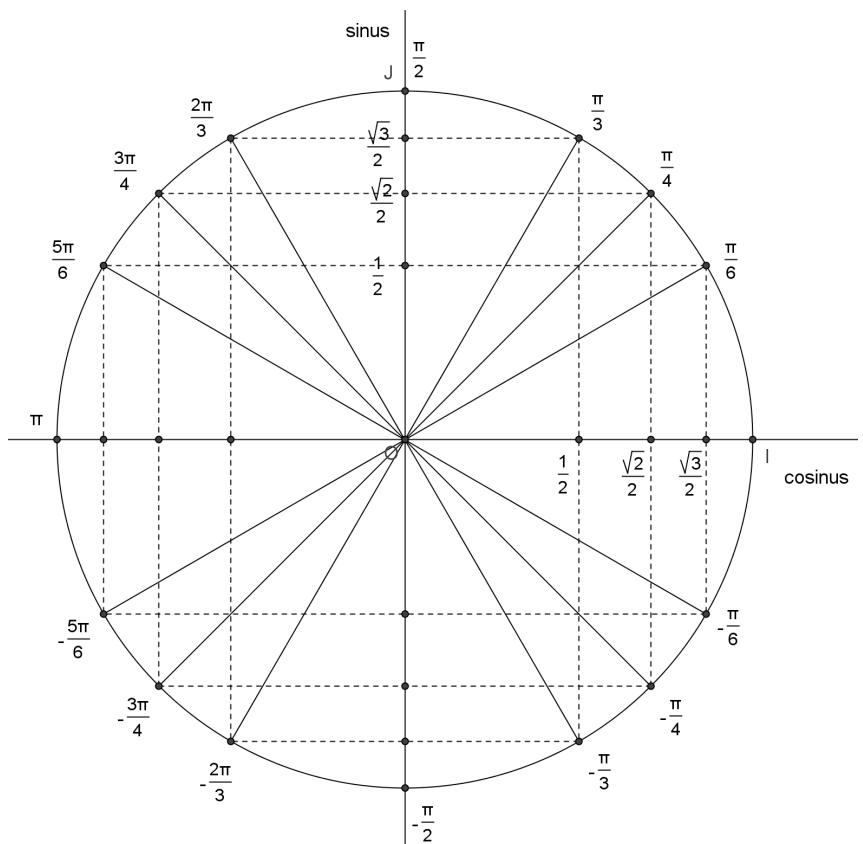
Dans le triangle  $OHM$  avec  $OM=1$ ,

$$\cos \widehat{IOM} = \frac{OH}{OM} = \cos x \text{ et } \sin \widehat{IOM} = \frac{HM}{OM} = OK = \sin x$$



**D. Valeurs remarquables (tableau à connaître par cœur!)**

Angle $\alpha$	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
Réel $x$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\cos x$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\sin x$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1



**Table des matières**

**I. Trinômes du second degré ..... 1**

    A. Définition et différentes écritures d'un trinôme du second degré..... 1

    B. Représentation graphique d'un trinôme du second degré..... 1

    C. Variations d'un trinôme du second degré..... 1

**II. Fonction homographique..... 2**

**III. Trigonométrie..... 2**

    A. Enroulement de la droite numérique sur le cercle trigonométrique..... 2

    B. Cosinus et sinus d'un nombre réel..... 2

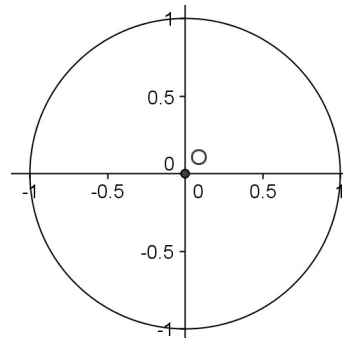
    C. Lien avec le cosinus et sinus d'un angle aigu..... 3

    D. Valeurs remarquables (tableau à connaître par cœur ! )..... 3

## Exercices de Trigonométrie

♣ Exercice 3. A la règle et au compas, placer les points suivants sur le cercle trigonométrique ci-contre

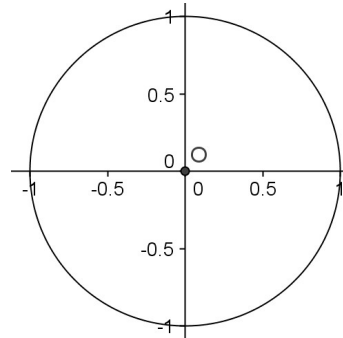
Point	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$
Repéré par le nombre	0	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{7\pi}{2}$	$\frac{7\pi}{6}$



♣ Exercice 4. Résoudre dans  $[0; 2\pi[$  l'équation  $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

♣ Exercice 5. Donner la valeur exacte du cosinus et du sinus des nombres réels suivants

Nombre réel $x$	$-\frac{\pi}{3}$	$5\pi$	$\frac{53\pi}{3}$	$\frac{\pi}{6}$	$-\frac{5\pi}{2}$	$\frac{77\pi}{6}$
$\cos x$						
$\sin x$						



♣ Exercice 6. Sachant que  $\sin x = \frac{3}{5}$  et que  $\pi < x < \frac{3\pi}{2}$ , déterminer la valeur exacte de  $\cos x$  (sans calculer  $x$ .)

♣ Exercice 7. Les réels suivants ont-ils la même image sur le cercle trigonométrique ?